

Conduction thermique

- ₁ **Flux thermique** Φ_{th} à travers une surface S de normale sortante \vec{n} :

$$\Phi_{\text{th}} = \vec{j}_{\text{th}} \cdot S\vec{n} \quad [\text{W}]$$

Transfert thermique reçu à travers cette surface S sur une durée dt :

$$\delta Q = \Phi_{\text{th}} dt \quad [\text{J}]$$

- ₂ **Vecteur densité de flux thermique** \vec{j}_{th} [$\text{W} \cdot \text{m}^{-2}$].

Loi de Fourier :

$$\vec{j}_{\text{th}} = -\lambda \overrightarrow{\text{grad}} T, \quad \text{ou à 1D : } \vec{j}_{\text{th}} = j_{\text{th}} \vec{e}_x \text{ et } j_{\text{th}} = -\lambda \frac{dT}{dx}$$

λ est la **conductivité thermique** [$\text{W} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$].

- ₃ **Équation de la chaleur** :

$$\left(\frac{\partial T}{\partial t} \right)_x = \kappa \left(\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} \right)_t$$

On en déduit l'ordre de grandeur du temps caractéristique τ de diffusion de la chaleur sur une

longueur L : $\tau \simeq \frac{L^2}{\kappa}$.

Démonstration de l'équation de la chaleur : partir du premier principe sur une tranche entre x et $x + dx$ entre les instants t et $t + dt$.

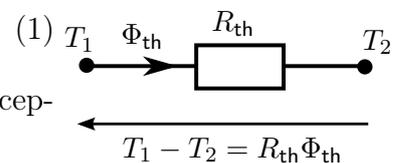
- ₄ **Résistance thermique** :

S'applique si régime stationnaire et unidimensionnel.

$$T_1 - T_2 = R_{\text{th}} \Phi_{\text{th}}$$

Analogie à $V_1 - V_2 = U = RI$. Bien utiliser la convention récepteur.

On peut utiliser les lois d'association en parallèle et série des résistances.



Démonstration de l'expression de R_{th} : partir de $\frac{d^2 T}{dx^2} = 0$.

- ₅ **Transfert conducto-convectif entre une paroi et un fluide**, surface de la paroi S :

$$\Phi_{\text{th,paroi} \rightarrow \text{fluide}} = h S (T_{\text{paroi}} - T_{\text{fluide}}).$$

On vérifie que $\Phi_{\text{th,paroi} \rightarrow \text{fluide}} > 0$ si $T_{\text{paroi}} > T_{\text{fluide}}$, ce qui est logique.