

# Filtrage

## I Généralités sur les filtres

- 1 - Qu'est-ce qu'un filtre
- 2 - Action sur les signaux harmoniques et périodiques
- 3 - Fonction de transfert

$$e(t) = E_0 \cos(\omega t + \varphi_e) \rightarrow \text{filtre (système linéaire invariant)} \rightarrow s(t) = S_0 \cos(\omega t + \varphi_s)$$

$$|H| = \frac{S_0}{E_0}$$

$$\arg H = \varphi_s - \varphi_e$$

$$H(\omega) = \frac{s(t)}{e(t)}$$

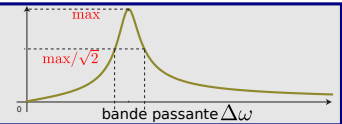
## 4 - Comportement en fréquence

- Calcul du gain  $G$
- Calcul du gain en décibel  $G_{dB}$  → diagramme de Bode
- Calcul de l'argument

## 5 - Étude asymptotique d'un filtre

- BF  $\omega \rightarrow 0$  → bobine=fil | condensateur=int.ouvert
- HF  $\omega \rightarrow \infty$  → bobine=int.ouvert | condensateur=fil

## 6 - Pulsation de coupure et bande passante



## II Filtre du 1<sup>er</sup> ordre

- 1 - Équation différentielle →  $H$
- 2 - Passe-bas
- 3 - Passe haut

- a/ étude asymptotique
- b/ diagramme de Bode
- c/ expressions gain et déphasage
- e/ pulsations de coupure et bande passante

## III Filtres du 2<sup>nd</sup> ordre

- 1 - Équation différentielle →  $H$
- 2 - Passe-bas
- 3 - Passe haut

## 4 - Autres filtres

## 5 - Bilan

## IV Action d'un filtre sur un signal périodique

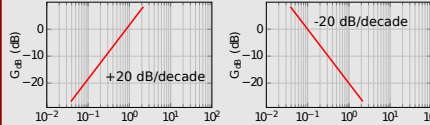
### 1 - Décomposition de Fourier

### 2 - Dérivateur,

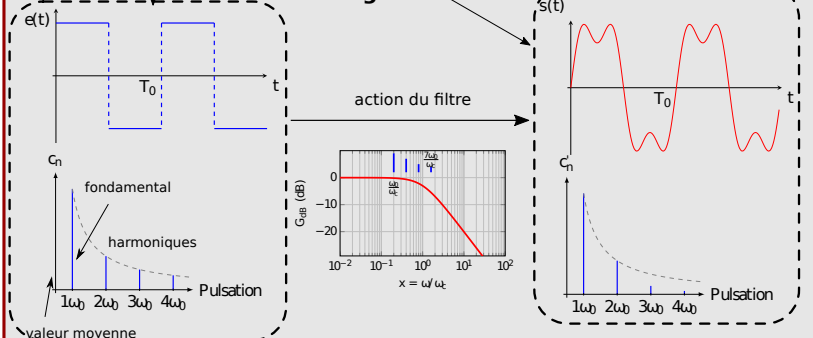
### intégrateur,

### moyenneur

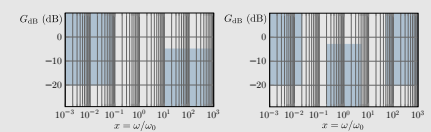
passe-bas bien choisi



### 3 - Action d'un filtre sur un signal



### 4 - Gabarit d'un filtre



## Ce qu'il faut connaître

\_\_\_\_\_ (cours : I)

- ▶<sub>1</sub> Quelle est la définition d'un système linéaire invariant ? Quelles sont ses propriétés ?
- ▶<sub>2</sub> Si un système linéaire invariant reçoit en entrée une grandeur du type  $e_0 \cos(\omega t + \varphi_0)$ , quelle est la forme de la grandeur de sortie ?
- ▶<sub>3</sub> Comment est définie la fonction de transfert d'un filtre dont l'entrée est  $e(t)$  et la sortie  $s(t)$  ? Son gain ? Son gain en décibel ?
- ▶<sub>4</sub> Comment est définie la pulsation de coupure d'un filtre ? Et sa bande passante ?

\_\_\_\_\_ (cours : IV)

- 5 Savoir que l'on peut décomposer un signal périodique (période  $T_0$ , pulsation  $\omega_0$ ) en une somme de fonctions sinusoïdales.  
 Dans cette décomposition, qu'est-ce qui est appelé le fondamental? Et les harmoniques? Quelles sont leurs pulsations?  
 Faire un schéma de l'allure d'un spectre (d'un signal créneau par exemple). Où trouve-t-on la valeur moyenne?
- 6 Quelle est la définition de la valeur moyenne et de la valeur efficace d'un signal périodique?
- 7 Quelle partie d'un diagramme de Bode a-t-elle pour action de dériver le signal d'entrée?  
 Et d'intégrer le signal d'entrée?  
 Que faut-il faire pour ne garder que la valeur moyenne d'un signal périodique?

## Ce qu'il faut savoir faire

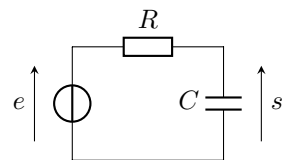
- \_\_\_\_\_ (cours : I)
- 8 Exprimer la fonction de transfert d'un circuit électronique ou d'un système mécanique. → **EC1, EC1bis**
  - 9 Calculer le module et l'argument de la fonction de transfert, les représenter graphiquement. → **EC2**
  - 10 Tracer le diagramme de Bode associé à une fonction de transfert. → **EC3**
  - 11 Étant donné un signal harmonique en entrée, en déduire l'expression du signal de sortie (la fonction de transfert étant donnée). → **EC1**
  - 12 Réaliser l'étude asymptotique d'un filtre (prévision du comportement à basse et haute fréquence). → **EC4**
- \_\_\_\_\_ (cours : I, II, III)
- 13 Étant donnée l'expression canonique d'un filtre passe-bas du 1<sup>er</sup> ou du 2<sup>nd</sup> ordre, passe-haut du 1<sup>er</sup> ordre, ou passe-bande du 2<sup>nd</sup> ordre, savoir :
    - Réaliser l'étude asymptotique et tracer l'allure du diagramme de Bode.
    - Exprimer le gain en décibel et l'argument de  $\underline{H}$ .
    - Retrouver les expressions des pulsations de coupures.
    - Pour le cas de l'ordre 2, retrouver la condition de présence d'une résonance.
    - Voir pour cela tous les exemples du II et III du cours; et le TD II, III.
- \_\_\_\_\_ (cours : IV)
- 14 Prédire l'action d'un filtre sur un signal périodique. → **TD V**
  - 15 Établir le gabarit d'un filtre en fonction d'un cahier des charges. → **TD IV**

## Exercices de cours

### Exercice C1 – Exprimer la fonction de transfert d'un circuit électronique

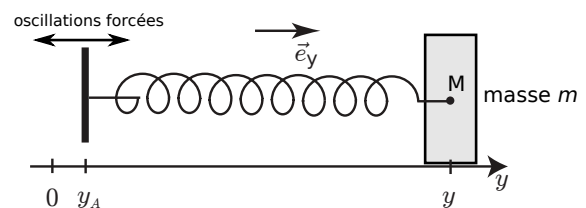
On considère le circuit RC ci-contre.

- 1 - Donner l'expression de la fonction de transfert de ce filtre.
- 2 - On considère le signal d'entrée  $e(t) = E_0 \cos(\omega t)$ . Comment s'écrit le signal de sortie (en fonction de  $E_0$ ,  $\omega$ ,  $t$ ,  $|\underline{H}|$  et  $\arg(\underline{H})$ )?



### Exercice C1bis – Exprimer la fonction de transfert d'un système mécanique

On considère une masse  $m$  attachée à un ressort de longueur à vide  $l_0 = 0$  et de constante de raideur  $k$ . On prend en compte les frottements via une force de frottement  $\vec{f} = -\lambda \vec{v}$ . L'extrémité gauche du ressort est forcée par un mouvement d'oscillation selon  $y_A(t) = A \cos(\omega t)$ .



On admet que l'application du PFD mène à l'équation suivante sur  $y(t)$  :  $\ddot{y} + \frac{\lambda}{m} \dot{y} + \frac{k}{m} y = \frac{k}{m} y_A(t)$ .

- 1 - En déduire l'expression de la fonction de transfert  $\underline{H}(\omega) = \frac{y}{y_A}$ .

## Exercice C2 – Calculer le module et l'argument de la fonction de transfert, les représenter graphiquement

On reprend le cas du circuit RC ci-dessus, pour lequel  $\underline{H}(\omega) = \frac{1}{1 + jRC\omega}$ . On pose  $\omega_0 = 1/RC$ .

- 1 - Donner les expressions du gain du filtre et de l'argument  $\varphi$  de  $\underline{H}$ .
- 2 - Tracer l'allure de  $G(\omega)$  et de  $\varphi(\omega)$ .

## Exercice C3 – Tracer le diagramme de Bode associé à une fonction de transfert

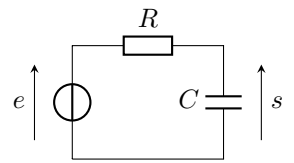
On reprend le cas du circuit RC ci-dessus, pour lequel  $\underline{H}(\omega) = \frac{1}{1 + j\omega/\omega_0}$ .

- 1 - Donner un équivalent de  $\underline{H}$  en  $\omega = 0$  et en  $\omega = +\infty$ .
- 2 - En déduire les équations des asymptotes dans le diagramme de Bode en gain et en phase.
- 3 - Tracer l'allure du diagramme de Bode en amplitude et en phase.

## Exercice C4 – Réaliser l'étude asymptotique d'un filtre

Pour le système ci-contre :

- 1 - Étudier le comportement asymptotique sans calcul.
- 2 - En déduire la nature du filtre.



## Cours

### I – Généralités sur les filtres

#### 1 – Qu'est-ce qu'un filtre ?

##### Définition

**Filtre :** C'est un système qui permet de sélectionner des signaux utiles, sur un critère de fréquence.

On étudie ici uniquement des filtres linéaires, donc réalisés par un *système linéaire invariant* (cf chapitre précédent).

Les exemples d'applications sont très nombreux :

- En électronique, un filtre sélectif permet de supprimer du bruit parasite, de mettre en forme un signal, d'effectuer des opérations de traitement. Par exemple une chaîne hifi doit envoyer les fréquences graves, intermédiaires ou aigues vers chacun des haut-parleurs dédiés. Une radio ou un téléphone doit sélectionner la fréquence à recevoir. Etc...
- En mécanique, un amortisseur agit comme un filtre qui atténue les hautes fréquences.
- En optique, un filtre permet de sélectionner certaines longueurs d'onde seulement.

#### 2 – Action sur les signaux harmoniques et périodiques

On note comme au chapitre précédent  $e(t)$  un signal d'entrée,  $s(t)$  le signal de sortie associé, et  $e(t) \xrightarrow{\text{sys}} s(t)$  l'action du filtre.

Rappels :

- Par rapport à  $e(t)$ , le signal de sortie est de même pulsation, mais d'amplitude et de déphasage différents :

$$e(t) = E_0 \cos(\omega t + \varphi_e) \xrightarrow{\text{sys}} s(t) = S_0 \cos(\omega t + \varphi_s).$$

#### 3 – Fonction de transfert

Rappels : On se place en RSF.

↪<sub>1</sub> Le signal  $e(t) = E_0 \cos(\omega t + \varphi_e)$  est représenté par  $\underline{e}(t) = \underline{E}_0 e^{j\omega t}$  avec  $\underline{E}_0 = E_0 e^{j\varphi_e}$ .

↪<sub>2</sub> Le signal  $s(t) = S_0 \cos(\omega t + \varphi_s)$  est représenté par  $\underline{s}(t) = \underline{S}_0 e^{j\omega t}$  avec  $\underline{S}_0 = S_0 e^{j\varphi_s}$ .

### Définition : fonction de transfert d'un filtre

Fonction de transfert d'un filtre :

$$\underline{H}(\omega) = \frac{\underline{s}(t)}{\underline{e}(t)} = \frac{S_0}{E_0}$$

On définit le **gain**  $G(\omega) = |\underline{H}|$  et le **gain en décibel**  $G_{dB}(\omega) = 20 \log(|\underline{H}|)$ .

### Propriétés

La fonction de transfert contient toute l'information sur le filtre, car on a :

►  $|\underline{H}(\omega)| = \left| \frac{\underline{s}}{\underline{e}} \right| = \frac{S_0}{E_0} \rightarrow$  permet de connaître l'amplitude de sortie  $S_0$ .

►  $\arg(\underline{H}(\omega)) = \arg\left(\frac{\underline{s}}{\underline{e}}\right) = \varphi_s - \varphi_e \rightarrow$  permet de connaître la phase de sortie  $\varphi_s$ .

↪<sub>3</sub> Détail des calculs :

↪<sub>4</sub> Exemple de calcul de fonction de transfert : **EC1** et **EC1bis**.

## 4 – Comportement en fréquence

On peut tracer  $G(\omega)$  ou  $\arg(\underline{H})$  en fonction de  $\omega$  pour avoir une idée du comportement du filtre.

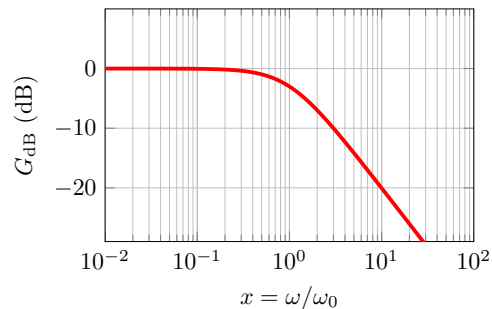
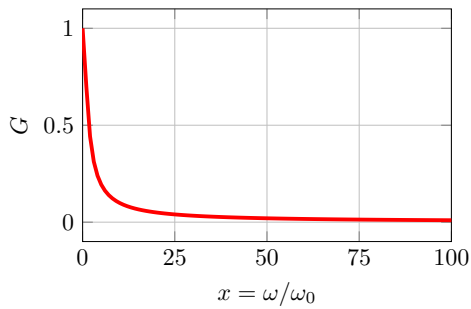
↪<sub>5</sub> Exemple pour le filtre RC : **EC2**

Comme la pulsation  $\omega$  peut varier sur de grands intervalles (de quelques Hz à plusieurs MHz par exemple), on préfère souvent utiliser une échelle logarithmique. On parle alors de diagramme de Bode.

### Définition

- Le **diagramme de Bode en gain** est le tracé de  $G_{dB}$  en fonction de  $\log \omega$ .
- Le **diagramme de Bode en phase** est le tracé de  $\arg(\underline{H})$  en fonction de  $\log \omega$ .
- Sur ces diagrammes, **une décade** représente la multiplication par 10 de  $\omega$ .

↪<sub>6</sub> Exemple pour le filtre RC : **EC3**      **Attention avec les échelles :**



## 5 – Étude asymptotique d'un filtre

Avant même de calculer ou de tracer la fonction de transfert, on peut prédire simplement le comportement du filtre à basse fréquence ( $\omega \rightarrow 0$ ) et à haute fréquence ( $\omega \rightarrow +\infty$ ) en remplaçant bobines et condensateurs par leur comportement limite.

↪<sub>7</sub> À basse fréquence, bobine = et condensateur =

↪<sub>8</sub> À haute fréquence, bobine = et condensateur =

↪<sub>9</sub> Exemple sur le circuit RC : **EC4**

### Type de filtre

Ces études asymptotiques permettent de déterminer facilement le type de filtre :

- ▶ Passe-bas : coupe les hautes fréquences
- ▶ Passe-haut : coupe les basses fréquences
- ▶ Passe-bande : coupe les hautes et basses fréquences
- ▶ Coupe-bande : coupe des fréquences intermédiaires, mais ni les HF ni les BF
- ▶ Etc...

## 6 – Pulsation de coupure et bande passante à -3 dB

### Définition

La **bande passante** est l'ensemble des pulsations qui "passent" sans être trop atténuées, c'est-à-dire qu'un signal en entrée ayant une pulsation  $\omega$  comprise dans la bande passante n'est pas trop atténué.

Les **pulsations de coupures** sont les pulsations qui délimitent la bande passante.

Par convention, ce sont celles pour lesquelles  $G_{\max}$  est divisée par  $\sqrt{2}$  :

$$\omega_c \text{ est telle que } G(\omega_c) = \frac{G_{\max}}{\sqrt{2}}.$$

Si l'on passe au log, comme  $20 \log(\sqrt{2}) \simeq 3$ , la définition devient :

$$\omega_c \text{ est telle que } G_{\text{dB}}(\omega_c) = G_{\text{dB,max}} - 3 \text{ dB.}$$

Il peut y avoir une ou deux pulsations de coupures.

→<sub>10</sub> Exemple sur le circuit RC :

$$G(\omega) = \frac{1}{\sqrt{1 + \omega^2/\omega_0^2}} \text{ donc le maximum est } G_{\max} = 1.$$

On cherche donc  $\omega_c$  tel que  $\frac{1}{\sqrt{1 + \omega_c^2/\omega_0^2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$ . Ceci implique  $1 + \omega_c^2/\omega_0^2 = 2$ , et donc  $\omega_c = \omega_0$ .

La pulsation de coupure est donc donnée par  $\omega_0$ .

## II – Filtres du 1<sup>er</sup> ordre

**Remarque** : Les formes canoniques des filtres ne sont pas à connaître par cœur, elles seront rappelées.

### 1 – De l'équation différentielle à la fonction de transfert

Un filtre du premier ordre est régi par une équation du premier ordre sur  $s(t)$  :

$$\frac{ds}{dt} + a s(t) = b \frac{de}{dt} + c e(t).$$

→<sub>11</sub> Quelle est la forme de la fonction de transfert associée ?

On étudie deux cas particuliers dans la suite : le passe-bas et le passe-haut.

## 2 – Filtre passe-bas du 1<sup>er</sup> ordre

La forme canonique pour ce filtre est : 
$$\underline{H}(\omega) = \frac{H_0}{1 + j\frac{\omega}{\omega_0}}$$

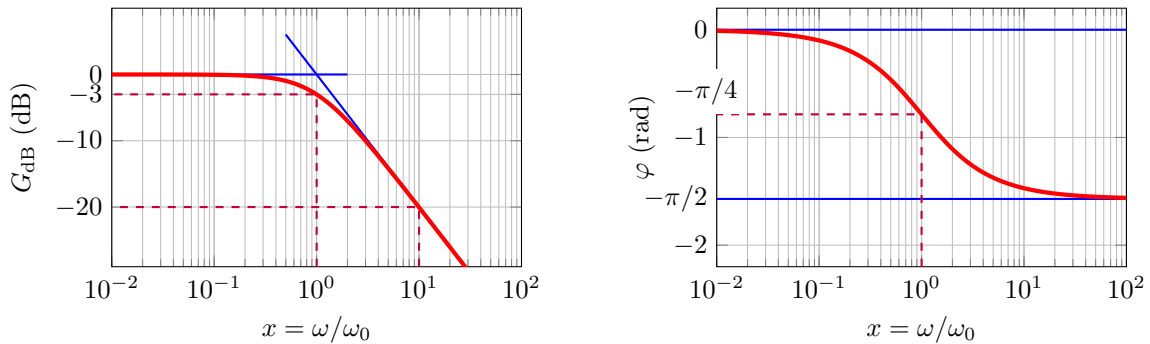
$H_0$  est appelé gain statique (car c'est le gain pour  $\omega = 0$ ).

**Exemple :** le circuit RC série lorsque l'on prend la tension aux bornes du condensateur (que l'on a étudié juste au dessus).

### a/ Étude asymptotique :

Cf **EC3**. On trouve que l'asymptote hautes fréquences de la courbe de gain a pour pente  $-20$  dB/décade.

### b/ Diagramme de Bode (ici pour $H_0 = 1$ ) :



### c/ Expression du gain et du déphasage :

Cf **EC2** : on trouve  $G = |\underline{H}(\omega)| = \frac{|H_0|}{\sqrt{1 + \omega^2/\omega_0^2}}$  et un déphasage  $\Delta\varphi = \arg(\underline{H}(\omega)) = \arg H_0 - \arctan \frac{\omega}{\omega_0}$ .

### d/ Pulsation de coupure et bande passante à -3 dB :

Cf page précédente :  $G(\omega_c) = \frac{G_{\max}}{\sqrt{2}}$  donne  $\omega_c = \omega_0$ .

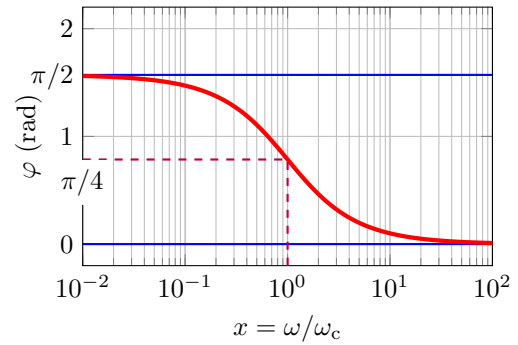
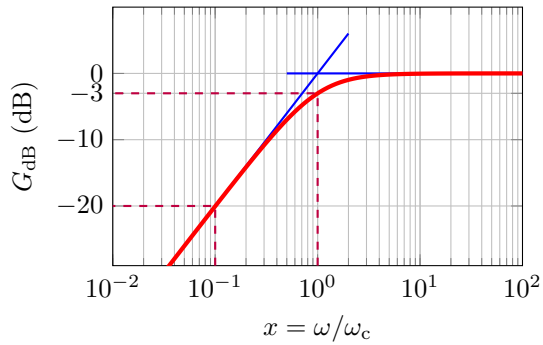
## 3 – Filtre passe-haut du 1<sup>er</sup> ordre

La forme canonique pour ce filtre est : 
$$\underline{H}(\omega) = H_0 \frac{j\frac{\omega}{\omega_c}}{1 + j\frac{\omega}{\omega_c}}$$

**Exemples :** circuit RC série lorsque l'on prend la tension aux bornes de la résistance, ou RL série lorsque l'on prend la tension aux bornes de la bobine.

### a/ Étude asymptotique :

b/ Diagramme de Bode (ici pour  $H_0 = 1$ ) :



c/ Expression du gain et du déphasage :

d/ Pulsation de coupure et bande passante à -3 dB :

### III – Filtres du 2<sup>nd</sup> ordre

#### 1 – De l'équation différentielle à la fonction de transfert

Un filtre du second ordre est régi par une équation du type

$$\frac{d^2s}{dt^2} + a \frac{ds}{dt} + b s(t) = c \frac{d^2e}{dt^2} + d \frac{de}{dt} + f e(t).$$

→<sub>12</sub> Quelle est la forme de la fonction de transfert associée ?

## 2 – Filtre passe-bas du 2<sup>nd</sup> ordre

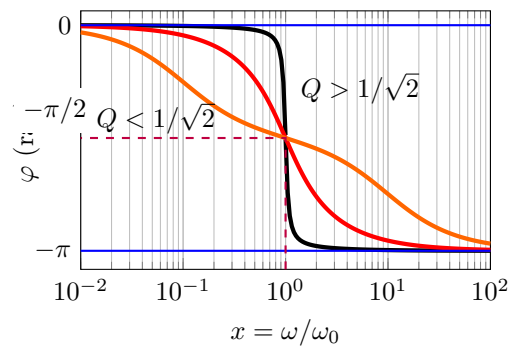
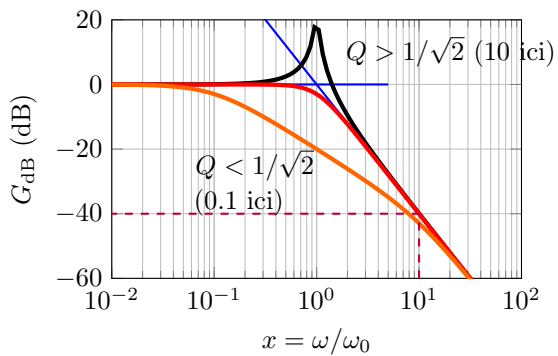
La forme canonique pour ce filtre est : 
$$\underline{H}(\omega) = \frac{H_0}{1 + \frac{1}{Q} \frac{j\omega}{\omega_0} + \left(\frac{j\omega}{\omega_0}\right)^2}.$$

$H_0$  est appelé gain statique.

**Exemple :** circuit RLC série lorsque l'on prend la tension aux bornes du condensateur. (c'est l'étude de la résonance en tension du RLC série du chapitre précédent.)

a/ Étude asymptotique :

b/ Diagramme de Bode (ici pour  $H_0 = 1$ ) :



c/ Expression du gain et du déphasage (ici pour  $H_0 = 1$ ) :

→ L'étude de ces fonctions a été fait au chapitre précédent (résonance du RLC en tension, suivi de  $u_C(t)$ ). En particulier nous avons démontré que si  $Q > 1/\sqrt{2} \simeq 0,7$ , la courbe de gain présente une résonance.



**Remarque :** Si  $Q < 1/\sqrt{2} \simeq 0,7$  il n'y a pas résonance. De plus, si  $Q < 0,5$ , alors l'équation caractéristique possède deux racines réelles, ce qui signifie que le dénominateur de  $\underline{H}$  se factorise, et donc que le filtre est en fait le produit de deux filtres d'ordre 1. Ceci se voit sur les diagrammes de Bode car il y a une zone intermédiaire "plane".

**d/ Pulsation de coupure et bande passante à -3 dB (ici pour  $H_0 = 1$ ) :**

Les pulsations de coupures vérifient  $G(\omega_c) = \frac{G_{\max}}{\sqrt{2}}$ .

Le calcul est possible, mais long. On peut toutefois les visualiser graphiquement.

**3 – Filtre passe-bande du 2<sup>nd</sup> ordre**

La forme canonique pour ce filtre est :

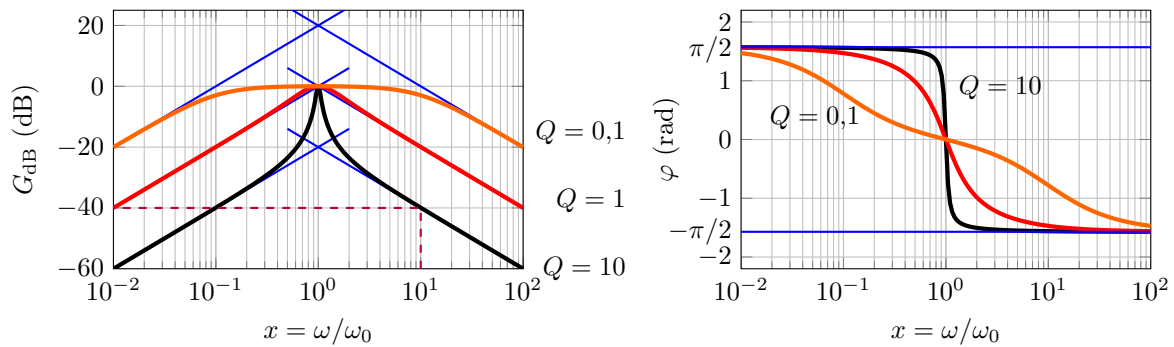
$$\underline{H}(\omega) = \frac{\frac{H_0 j\omega}{Q \omega_0}}{1 + \frac{1}{Q} \frac{j\omega}{\omega_0} + \left(\frac{j\omega}{\omega_0}\right)^2} = \frac{H_0}{1 + jQ \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right)}$$

**Exemple :** circuit RLC série lorsque l'on prend la tension aux bornes de la résistance (c'est l'étude de la résonance en intensité du RLC série du chapitre précédent.)

**a/ Étude asymptotique :**

Voir TDIII pour le tracé des asymptotes.

**b/ Diagramme de Bode (ici pour  $H_0 = 1$ ) :**



### c/ Expression du gain et du déphasage (ici pour $H_0 = 1$ ) :

→ L'étude de ces fonctions a été fait au chapitre précédent (résonance du RLC en intensité, suivi de  $i(t)$ ). En particulier la courbe possède toujours un maximum en  $\omega = \omega_0$ .

Il est possible de montrer que si  $Q > 1$ , alors la courbe de  $G_{dB}$  passe au-dessus des asymptotes en  $x = 1$ . Si  $Q < 1$  elle reste au dessous et le filtre est moins sélectif.

De plus, si  $Q < 0,5$ , alors l'équation caractéristique possède deux racines réelles, ce qui signifie que le dénominateur de  $\underline{H}$  se factorise, et donc que le filtre est en fait le produit de deux filtres d'ordre 1. Ceci se voit sur les diagrammes de Bode car il y a une zone intermédiaire "plane".

### d/ Pulsation de coupure et bande passante à -3 dB (ici pour $H_0 = 1$ ) :

Les pulsations de coupures vérifient  $G(\omega_c) = \frac{G_{\max}}{\sqrt{2}}$ .

Le calcul a été fait au chapitre précédent, dans l'**EC7**. La bande passante est  $|\omega_{c,1} - \omega_{c,2}| = \frac{\omega_0}{Q}$ .

Ainsi plus  $Q$  est grand, plus la bande passante est étroite (et plus le filtre est sélectif).

## 4 – Autres filtres du second ordre

Il existe évidemment d'autres types de filtres : passe-haut d'ordre 2, coupe bande, passe-tout déphaseur, ordres supérieurs...

## 5 – Bilan sur ordre 1 et ordre 2

L'ordre d'un filtre est le degré du polynôme en  $j\omega$  au dénominateur de  $\underline{H}$  (lorsqu'écrit comme le rapport de deux polynômes).

Ordre	Types d'asymptotes	Résonance possible ?
1	horizontale, ou pente de +20 dB/décade ou de -20 dB/décade	non
2	horizontale, ou pente de $\pm 20$ dB/décade ou de $\pm 40$ dB/décade	oui

## IV – Action d'un filtre sur un signal périodique

### 1 – Décomposition de Fourier d'un signal périodique

Tout signal se décompose comme somme de signaux harmoniques, dont l'amplitude et la phase à l'origine de chacun est donnée par le **spectre** du signal.

On considère un signal périodique, de période  $T$  et pulsation  $\omega_0 = \frac{2\pi}{T}$ .

Il peut se décomposer en série de Fourier :

$$e(t) = c_0 + \sum_{n=1}^{+\infty} c_n \cos(n\omega_0 t + \varphi_n).$$

### Définitions (rappels sur le spectre)

- ▶  $c_0$  est la **valeur moyenne** du signal, ou encore sa **composante continue**.
- ▶ Le  $n$ -ième terme est appelé l'**harmonique** de rang  $n$ , sa pulsation est  $n\omega_0$  (multiple entier de  $\omega_0$ ).
- ▶ L'harmonique  $n = 1$  est de même période que le signal  $e(t)$ , il s'agit du **fondamental**.  $\omega_0$  est aussi appelée pulsation fondamentale.

On rappelle que pour chaque harmonique, on a  $c_n \cos(n\omega_0 t + \varphi_n) \xrightarrow{\text{sys}} c'_n \cos(n\omega_0 t + \varphi'_n)$ .

On regarde donc individuellement comment chaque harmonique est transformée par la fonction de transfert.

Dit autrement, on a :

$$e(t) = c_0 + \sum_{n=1}^{+\infty} c_n \cos(n\omega_0 t + \varphi_n) \xrightarrow{\text{sys}} s(t) = c'_0 + \sum_{n=1}^{+\infty} c'_n \cos(n\omega_0 t + \varphi'_n),$$

avec  $\frac{c'_n}{c_n} = |\underline{H}(jn\omega_0)|$ , et  $\varphi'_n - \varphi_n = \arg(\underline{H}(jn\omega_0))$ .

On rappelle que la valeur moyenne d'un signal  $s(t)$  et sa valeur efficace ont été définis au chapitre 1 de la partie I.

## 2 – Aspect temporel : dérivateur, intégrateur, moyennneur

### Propriété : dérivateur $\Leftrightarrow +20$ dB/déc

Si un filtre possède dans une certaine gamme fréquence de son diagramme de Bode, une asymptote de pente  $+20$  dB/déc, alors il aura un comportement dérivateur sur cette gamme de fréquence.

Démonstration :

### Propriété : intégrateur $\Leftrightarrow -20$ dB/déc

Si un filtre possède dans une certaine gamme fréquence de son diagramme de Bode, une asymptote de pente  $-20$  dB/déc, alors il aura un comportement intégrateur sur cette gamme de fréquence.

Démonstration :

### Propriété : moyennneur $\Leftrightarrow$ passe-bas

Un filtre passe-bas de fréquence de coupure très petite devant la fréquence du signal d'entrée aura un effet moyennneur.

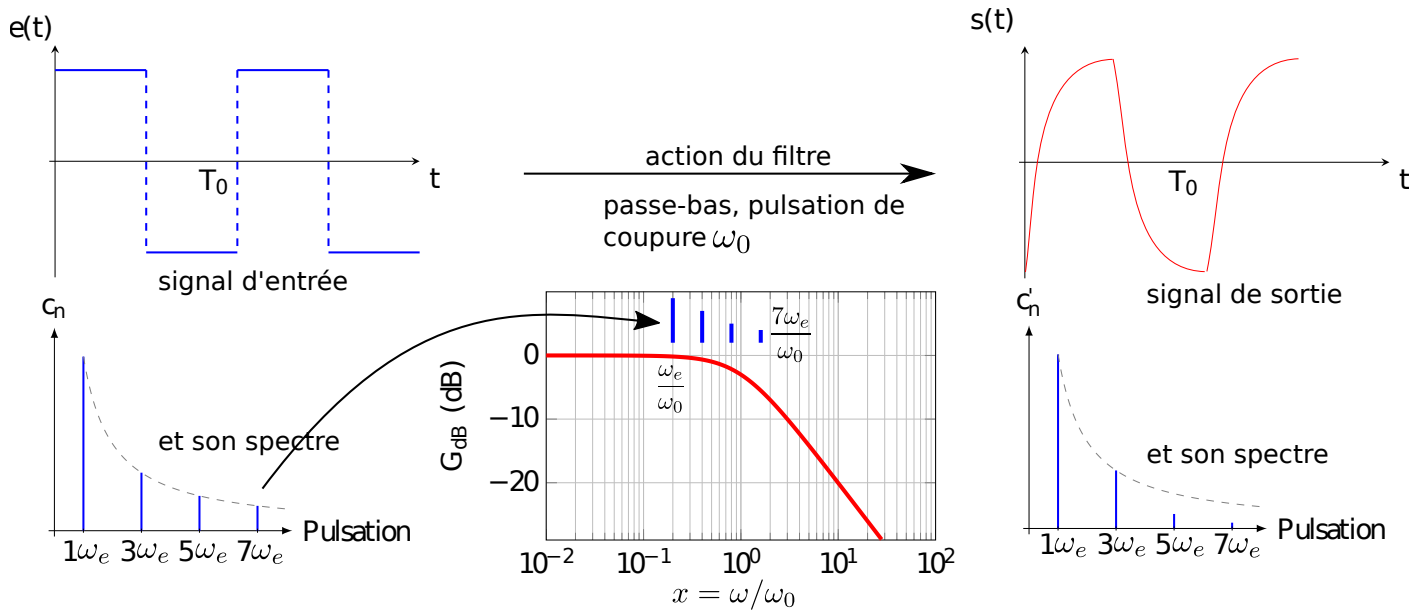
Démonstration :

### 3 – Action d'un filtre sur un signal, méthode

#### Action d'un passe-bas

- On considère un filtre passe-bas du 1<sup>er</sup> ordre, de pulsation de coupure  $\omega_0$ .
- On envoie en entrée un signal créneau de pulsation  $\omega_e$ .

Exemple dans le cas où  $\omega_e \simeq \omega_0$  :



~>13 Prédire la forme du signal de sortie si  $\omega_e \ll \omega_0$ .

~>14 Prédire la forme du signal de sortie si  $\omega_e \gg \omega_0$ .

#### Action d'un passe bande sélectif

~>15 On considère un signal créneau en entrée d'un filtre passe-bande sélectif. Prédire la forme du signal de sortie si la bande passante est centrée sur l'harmonique numéro 5.

### 4 – Gabarit d'un filtre

Le gabarit d'un filtre est le diagramme de Bode du filtre sur lequel apparaissent les zones de pulsations à laisser passer ou à atténuer.

La figure ci-dessous donne des exemples de gabarits des filtres classiques. Le tracé du gain doit éviter les zones grisées.

